## बृहन्मुंबई आणि पुणे जिल्हा गणित अध्यापक मंडळ गणित अध्ययन-अध्यापन विकसन संस्था, नाशिक Brihan Mumbai & Pune Jilha Ganit Adhyapak Mandal Ganit Adhyayan-Adhyapan Vikasan Sanstha, Nashik

गणित प्रभुत्व स्पर्धा 5 M.P. Contest

Time: 12 to 2.00 Date: 9			e: 9.2.2	9.2.2014 Maximum Marks : 10				ks : 100			
सूचना:						Instructions:					
<ol> <li>प्रारंभी विचारलेली माहिती सुवाच्य अक्षरांत भरा.</li> <li>सर्व प्रश्न सोडवा.</li> <li>प्रत्येक प्रश्नाखाली सोडलेल्या जागेत खुलासा लिहा.</li> <li>कच्च्या कामासाठी प्रत्येक प्रश्नाखाली दिलेली जागा वापरा.</li> <li>एखाद्या प्रश्नाचे लिहिलेले उत्तर रद्द करून त्याचे उत्तर नव्याने लिहावयाचे असेल तर ते शेवटच्या कोऱ्या पानावर त्या प्रश्नाच्या क्रमांकासह लिहावे.</li> </ol>					याने	<ol> <li>Attempt all questions.</li> <li>Write explanation in the blank space below each question.</li> <li>Use the blank space provided below each questions for rough work.</li> </ol>					
पूर्ण नाव :	(3	भाडनाव)			(नाव)			(म	धले नाव)		
Full Name						Name) (Middle Name)					
परीक्षा बैठक क्र. Seat Number						पर्यवेक्षकाची स्वाक्षरी Invigilators Signature			ıre		
प्र. क्रमांक	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
गुण											
प्र. क्रमांक	11	13	14	15	16	17	18	19	20	एकूण	ा गुण

गुण

Q.1	दिलेल्या	संख्याम	ालिकेतील	पुढील	संख्या वि	नहा.

Write the next number in the given sequence.

1, 8, 19, 34, 53,

Q.3 सोपे रूप द्या / Simplify

5

that is the digit in the units place. What is the

ammhers in which the sum of the first two digits is equal to the third digit?

$$\frac{27}{2} - \frac{40}{3} + \frac{64}{7} - \frac{46}{5} + \frac{168}{15} - \frac{157}{14}$$

4

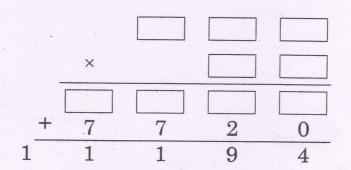
Q.4 123 या तीन अंकी संख्येतील पहिल्या दोन अंकांची बेरीज तिसऱ्या, म्हणजे एककस्थानच्या अंकाएवढी आहे. याप्रमाणे पहिल्या दोन अंकांची बेरीज तिसऱ्या अंकाएवढी येणाऱ्या तीन अंकी संख्या जास्तीत जास्त किती आहेत?

In the three digit number 123, the sum of first two digits is equal to its third digit, that is the digit in the units place. What is the maximum number of such three digit numbers in which the sum of the first two digits is equal to the third digit?

The pronct of two consecutive numbers is 854700. Find the numbers.

Q.6 पुढील गुणाकाराच्या उदाहरणातील चौकटींत योग्य अंक लिहा. Fill in the boxes in the following product sum.

4



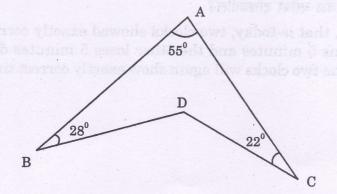
Q.7

आज 9 फेब्रुवारी 2014 आहे. आज दोन घड्याळांत दुपारचे 12 ही वेळ बरोबर दाखविली होती. त्यांतील एक घड्याळ रोज 5 मिनिटे पुढे जाते, तर दुसरे रोज 5 मिनिटे मागे पडते. तर आजनंतर सर्वांत जवळच्या कोणत्या तारखेला

दोन्ही घड्याळे दुपारचे बारा ही वेळ बरोबर दाखवतील?

On 9th February 2014, that is today, two clocks showed exactly correct time at 12 noon. One of them gains 5 minutes and the other loses 5 minutes daily. Find the earliest day on which the two clocks will again show exactly correct time at 12 noon.

From the information given in the figure, find the measure of  $\angle BDC$ .



- Q.9 A, B, C, D हे चार क्रमवार अंक आहेत. यांपैकी प्रत्येक अंक एकदाच वापरून 11 ने भाग जाणाऱ्या, चार अंकी, किती संख्या तयार होतील?
  - A, B, C, D are four consecutive digits. How many four digits numbers can be formed, using each digit once only, such that the numbers so formed are divisible by 11?

Q.10	A 6 3 B या चार अंकी संख्येला 45 ने भाग जातो. तर A आणि B च्या शक्य त्या सर्व किंमती काढा.
	A 6 3 B is a four digit number, divisible by 45. Find all possible values of A and B.

Q.11 P, Q, R, S, T, U ही अक्षरे वेगवेगळ्या अंकांसाठी वापरली, तर  $PQ \times RS = TTUU$  हे कधीही शक्य होणार नाही, हे दाखवा.

P, Q, R, S, T, U are all different digits. Show that  $PQ \times RS = TTUU$  is never possible.

**Q.12** 2, 3, 7, 5 हे सर्व अंक प्रत्येकी एकदाच वापरून तयार होणाऱ्या संख्यांपैकी, एकही पूर्ण वर्ग संख्या असणार नाही, हे दाखवा.

5

Many numbers can be formed using each of the digits 2, 3, 7, 5 only once. Show that, none of these numbers can be a perfect square.

Q 13. बेरजेच्या शेजारील उदाहरणात, समान अक्षरे समान अंकांसाठी तर भिन्न अक्षरे भिन्न अंकांसाठी वापरली आहेत. तर प्रत्येक अक्षर कोणता अंक दर्शविते, ते शोधा आणि उदाहरण अंकांत लिहा.

In the adjacent addition sum, the same letters are used for the same digit and different letters are used for different digits. Find out the digit in place of each letter and write the sum in digits.

Y E S
+ Y E S
+ Y E S
+ Y E S
Y E S
E V E R

Q.14 पुढील उदाहरणात ☼ आणि □ यांच्या जागी कोणते अंक आहेत ते काढा.

Find out the digits in place of ❖ and □ in the following sum.

$$3\frac{2}{x} \times \square \frac{1}{2} = 25\frac{1}{2}$$

same ungreated quite the described same in digits. Figure V

Q.15 सोपे रूप द्या. Simplify: 15 A forest some soft tries that proper some soft some A 31.4.7

 $\frac{59389}{102581} \div \frac{41909}{113753}$ 

1 1940 Abe energy of the transfer of the trans

े अहा 75 किसी अंतर बाहल तब्हा में हा लिसी अंतर बाहल है

A and 5 started walking from the same place, at the same time and in the same direction. A goes a distance of 3 km on the first day and intreased the walking distance

'i km every day. B walked a constant distance of 10 km eve llowing questions

They much distance was covered by E when A covered a distance of 75 km2

After how many days will they meet?

- Q.16 A आणि B हे एकाच ठिकाणाहून एकाच वेळी एकाच दिशेने चालत निघाले. A हा पहिल्या दिवशी 3 किमी अंतर वालला. नंतर तो पुढील प्रत्येक दिवशी आदल्या दिवसापेक्षा 1 किमी जास्त अंतर चालू लागला. B हा रोज 10 किमी चालत गेला, तर पुढील प्रश्नांची उत्तरे लिहा.
  - 1) B हा 50 किमी अंतर जाईल तेव्हा A हा किती अंतर जाईल?
  - 2) A हा 75 किमी अंतर जाईल तेव्हा B हा किती अंतर जाईल?
  - 3) त्या दोघांची भेट किती दिवसांनी होईल?

A and B started walking from the same place, at the same time and in the same direction. A goes a distance of 3 km on the first day and increased the walking distance by 1 km every day. B walked a constant distance of 10 km every day. Answer the following questions.

- 1) When B walked 50 km, how many km did A walk?
- 2) How much distance was covered by B when A covered a distance of 75 km?
- 3) After how many days will they meet?

**Q.17** हातरुमाल तयार करण्यासाठी 1 मीटर रुंदीचे 24 मीटर कापड 70 रुपये प्रति मीटर या दराने आणले. या कापडातून 30 सेमी  $\times$  30 सेमी चे रुमाल तयार केले. प्रत्येक रुमाल तयार करण्याचा खर्च 5 रुपये आला. जर प्रत्येकी 18 रु. दराने ते रुमाल विकले असतील, तर शेकडा नफा किती झाला?

A bolt, containing 24 meter cloth of 1 meter width was bought at Rs. 70/- per meter. Out of it, handkerchiefs measuring  $30 \text{ cm} \times 30 \text{ cm}$  were made and sold at Rs. 18/- per piece. The making charges per piece were Rs 5/- What was the percentage of profit in the trade?

**Q.18** p ही एक मूळ संख्या आणि n ही एक नैसर्गिक संख्या असून त्यांचा ल.सा.वि. 21879 आहे. जर p+n=2000 असेल, तर p आणि n या संख्या शोधा.

p is a prime and n is a natural number such that p + n = 2000. If the L.C.M. of p and n is 21879, find p and n.

Out of it, handkerchiefs measoning 30 cm × 30 cm were made and sold at Rs. 15/ per piece. The making charges per piece were Rs 5/- What was the perceptage of profit in

Q.19 45854 या संख्येतील अंक उलट क्रमाने लिहिले, तरी तीच संख्या मिळते. अशा संख्येला समाद्यंत संख्या म्हणतात. 25973 या संख्येत कोणती लहानात लहान संख्या मिळविली असता येणारी बेरीज समाद्यंत असेल? If we write the digits in 45854 in the reversed order, we get the same number. Such a number is called palendromic. Find the smallest number, which added to 25973 will give a palendromic number.

Q.20 12 या संख्येतील अंकांचा गुणाकार 2 आहे. 2 ने 12 ला, म्हणजे संख्येतील अंकांच्या गुणाकाराने त्या संख्येला भाग जातो. याप्रमाणे संख्येतील अंकांच्या गुणाकाराने त्या संख्येला भाग जातो अशा दोन अंकी संख्या किती आहेत?

The product of digits in the number 12 is 2 and 12 is divisible by 2. That is the number is divisible by the product of digits in the number.

Find the number of all such two digits numbers which are divisible by the product of their digits.